

12.11.20.

Тема:  
Свойства логарифмов. Решение  
примеров на свойства логарифмов и  
основное логарифмическое тождество.

*Учащиеся должны освоить теоретическую  
часть, прислать ответы на вопросы и решение  
задач, содержащиеся в практической части.*

Видео для усвоения материала:  
<https://infourok.ru/videouroki/1226>

## Теоретическая часть:

Прочитать и понять.

Выделенное жирным шрифтом – выучить.

### Свойства логарифмов

§ 16

При выполнении преобразований выражений, содержащих логарифмы, при вычислениях и при решении уравнений часто используются различные свойства логарифмов. Рассмотрим основные из них.

Пусть  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ ,  $b > 0$ ,  $c > 0$ ,  $r$  — любое действительное число. Тогда справедливы формулы

$$\log_a(bc) = \log_a b + \log_a c, \quad (1)$$

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c, \quad (2)$$

$$\log_a b^r = r \log_a b. \quad (3)$$

- По основному логарифмическому тождеству

$$a^{\log_a b} = b, \quad (4)$$

$$a^{\log_a c} = c. \quad (5)$$

- Перемножая равенства (4) и (5), получаем

$$a^{\log_a b + \log_a c} = bc,$$

откуда по определению логарифма  $\log_a b + \log_a c = \log_a(bc)$ . Формула (1) доказана.

2) Разделив равенства (4) и (5), получим

$$a^{\log_a b - \log_a c} = \frac{b}{c},$$

откуда по определению логарифма следует формула (2).

3) Возводя основное логарифмическое тождество  $a^{\log_a b} = b$  в степень с показателем  $r$ , получаем  $a^{r \log_a b} = b^r$ , откуда по определению логарифма следует формула (3). ○

Приведём примеры применения формул (1) — (3):

1)  $\log_6 18 + \log_6 2 = \log_6 36 = 2$ ;

2)  $\log_{12} 48 - \log_{12} 4 = \log_{12} 12 = 1$ ;

3)  $\log_3 3^{\frac{1}{7}} = \frac{1}{7} \log_3 3 = \frac{1}{7}$ .

**Задача** Вычислить  $\log_5 \sqrt{3} - \frac{1}{2} \log_5 12 + \log_5 50$ .

► Применяя формулы (1) — (3), находим  
$$\log_5 \sqrt{3} - \frac{1}{2} \log_5 12 + \log_5 50 = \log_5 \frac{\sqrt{3} \cdot 50}{\sqrt{12}} =$$
  
 $= \log_5 25 = 2$ . ◀

## Практическая часть.

- 290** 1)  $\log_{10} 5 + \log_{10} 2$ ; 2)  $\log_{10} 8 + \log_{10} 125$ ;  
3)  $\log_{12} 2 + \log_{12} 72$ ; 4)  $\log_3 6 + \log_3 \frac{3}{2}$ .
- 291** 1)  $\log_2 15 - \log_2 \frac{15}{16}$ ; 2)  $\log_5 75 - \log_5 3$ ;  
3)  $\log_{\frac{1}{3}} 54 - \log_{\frac{1}{3}} 2$ ; 4)  $\log_8 \frac{1}{16} - \log_8 32$ .
- 293** 1)  $\log_8 12 - \log_8 15 + \log_8 20$ ;  
2)  $\log_9 15 + \log_9 18 - \log_9 10$ ;  
3)  $\frac{1}{2} \log_7 36 - \log_7 14 - 3 \log_7 \sqrt[3]{21}$ ;

**296** Вычислить:

$$1) \frac{\log_2 24 - \frac{1}{2} \log_2 72}{\log_3 18 - \frac{1}{3} \log_3 72}; \quad 2) \frac{\log_7 14 - \frac{1}{3} \log_7 56}{\log_6 30 - \frac{1}{2} \log_6 150};$$