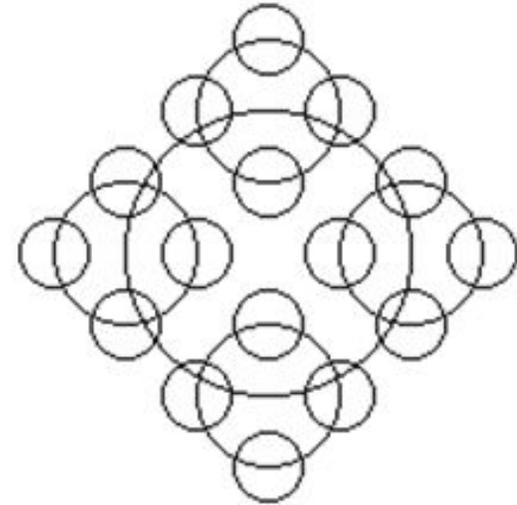
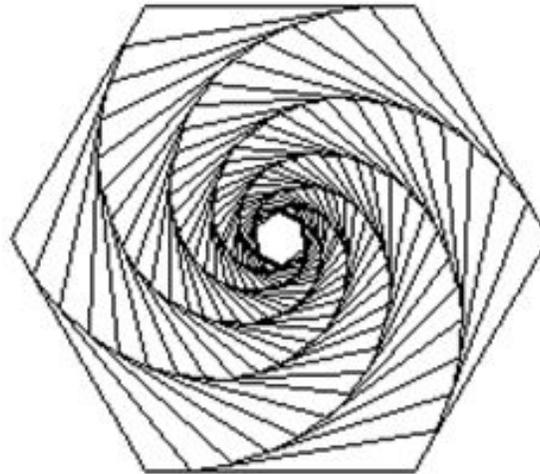
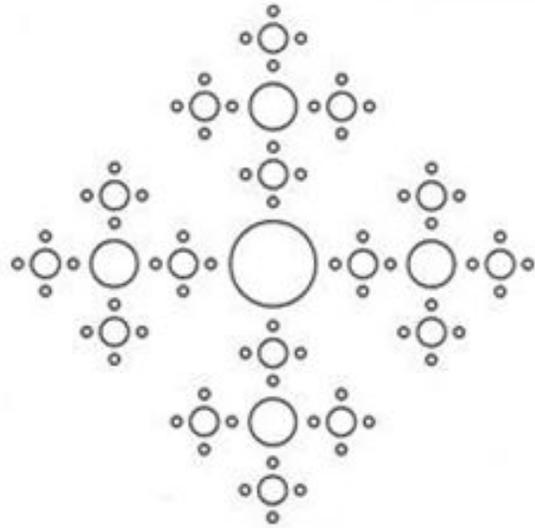
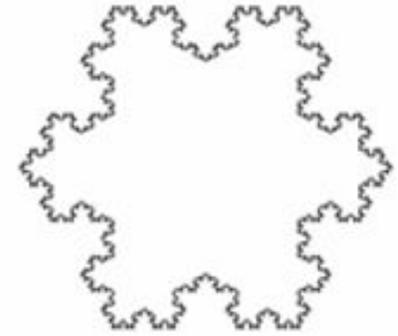
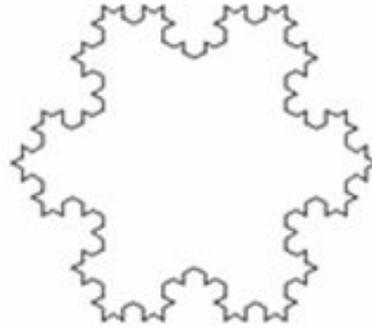
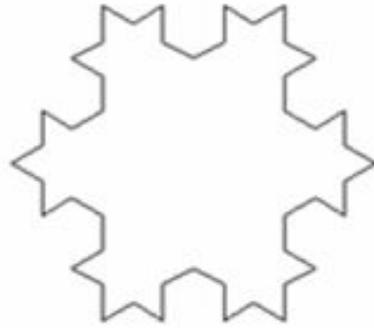
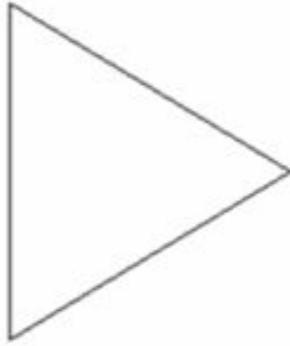


# Рекурсия



**Рекурсия в широком смысле** – это *определение* объекта посредством ссылки на себя.

**Рекурсия в программировании** – это пошаговое *разбиение* задачи на подзадачи, подобные исходной.

**Рекурсивный алгоритм** – это *алгоритм*, в определении которого содержится *прямой* или косвенный вызов этого же алгоритма.

*Функция* называется **рекурсивной**, если в своем теле она содержит обращение к самой себе с измененным набором параметров

*Пример 1.* В арифметической прогрессии найдите  $a_n$ , если известны  $a_1 = -2.5$ ,  $d = 0.4$ , не используя формулу  $n$ -го члена прогрессии.

По определению арифметической прогрессии,  $a_n = a_{n-1} + d$ , при этом  $a_{n-1} = a_{n-2} + d$ ,  $a_{n-2} = a_{n-3} + d, \dots a_2 = a_1 + d$ .

```
static double Arifm(int n, double a, double d)
{
    if (n < 1) return 0; // для неположительных номеров
    else if (n == 1) return a; // базовый случай n=1
    return Arifm(n - 1, a, d) + d; // общий случай
}
```

**В базовом случае возвращается конкретный результат**

**общий случай предусматривает вызов функцией себя же, но с меняющимися значениями отдельных параметров**

# рекурсия

```
graph TD; A[рекурсия] --> B[пряма]; A --> C[косвенна];
```

## пряма

предусматривает  
непосредственное  
обращение рекурсивной  
функции к себе, но с иным  
набором *входных данных*

## косвенна

представляет собой  
последовательность взаимных  
вызовов нескольких функций,  
организованная в виде  
циклического замыкания на тело  
первоначальной функции, но с  
иным набором параметров.

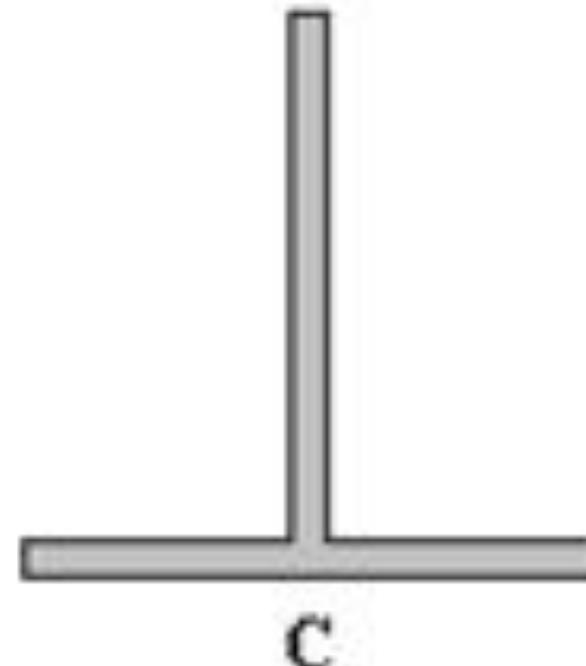
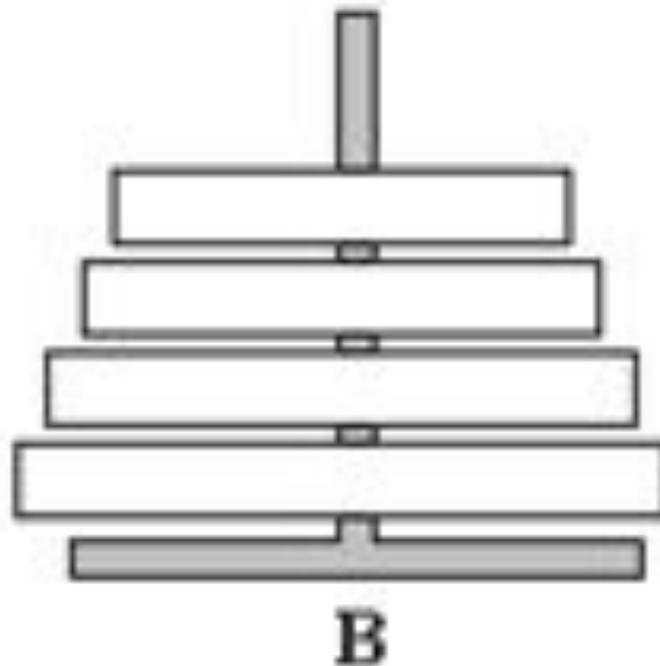
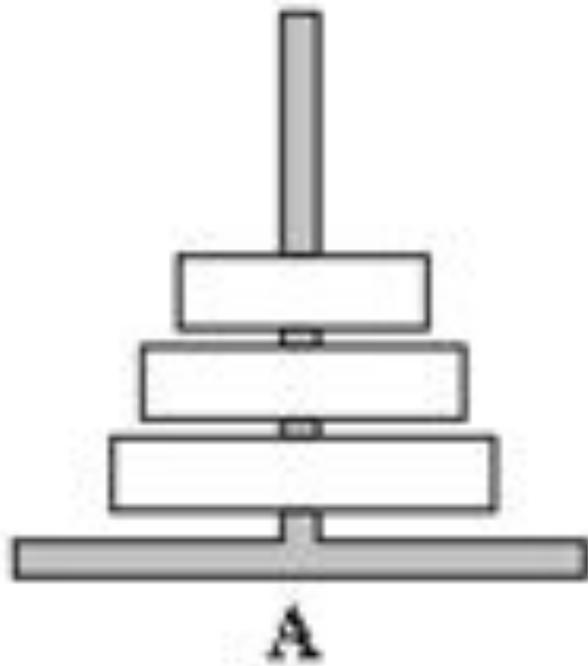
# Рекурсивная

## Триада:

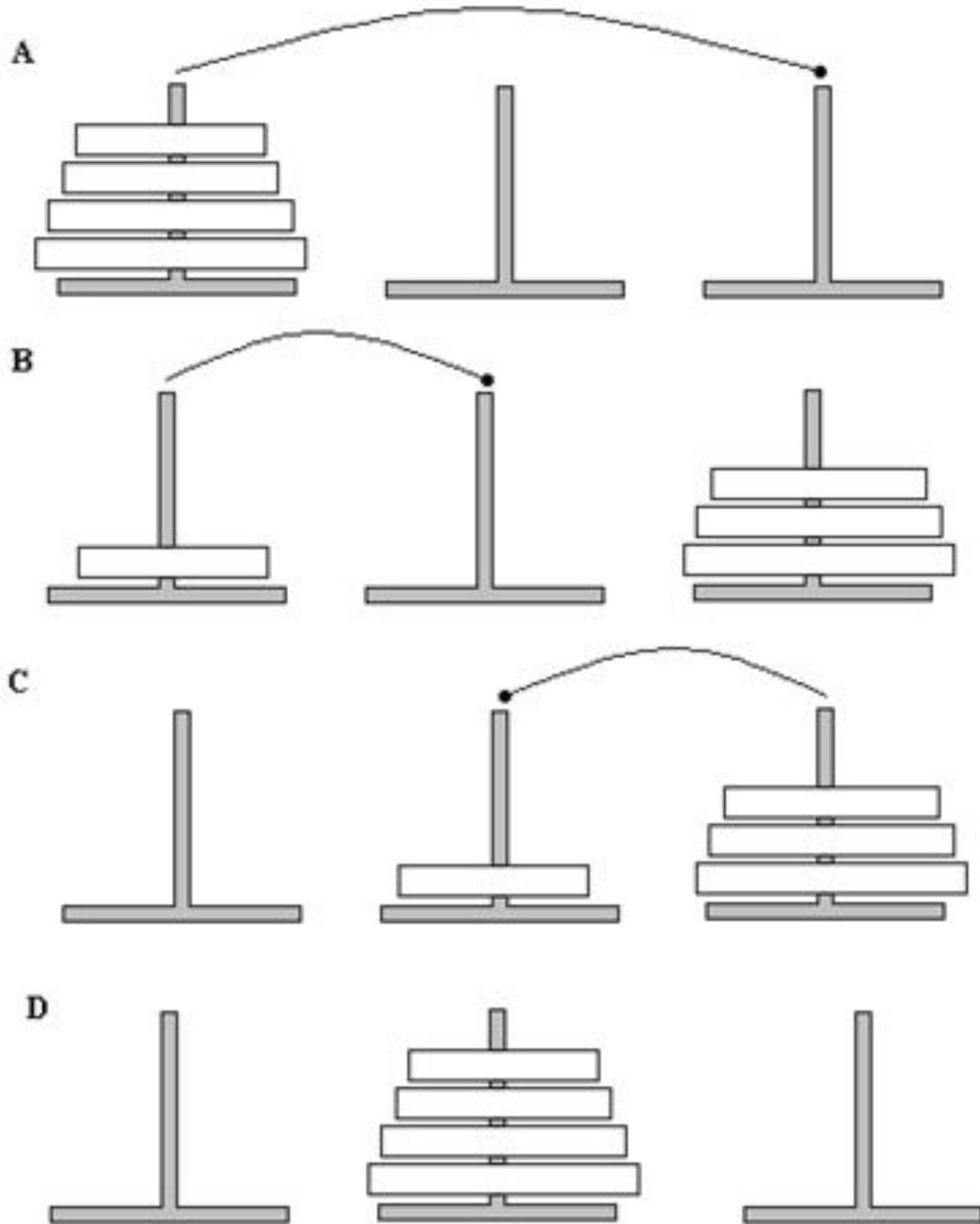
- *параметризация* – выделяют параметры, которые используются для описания условия задачи, а затем в решении;
- *база рекурсии* – определяют тривиальный случай, при котором решение очевидно, то есть не требуется обращение функции к себе;
- *декомпозиция* – выражают общий случай через более простые подзадачи с измененными параметрами.

*рекурсивный стек* - это область памяти, предназначенная для хранения всех промежуточных значений *локальных переменных* при каждом следующем рекурсивном обращении.

# Домашнее задание. Задача о Ханойских башнях



# Декомпозиция



- перенести  $n-1$  кольцо со стержня **A** на **C**, используя стержень **B** в качестве вспомогательного стержня;
- перенести последнее кольцо со стержня **A** на стержень **B**;
- перенести  $n-1$  кольцо со стержня **C** на **B**, используя стержень **A** в качестве вспомогательного стержня.