

Многогранники.

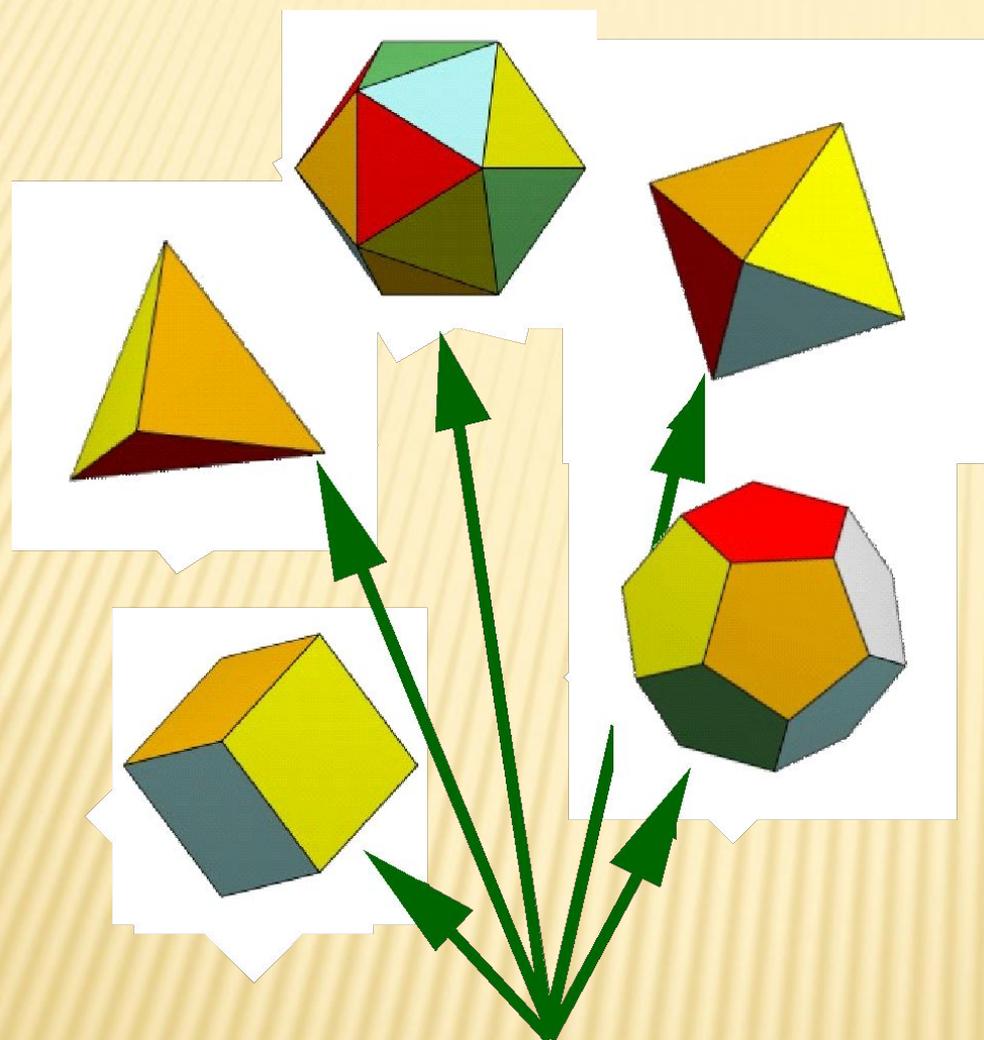
Вершины, ребра, грани  
многогранника.

.

---

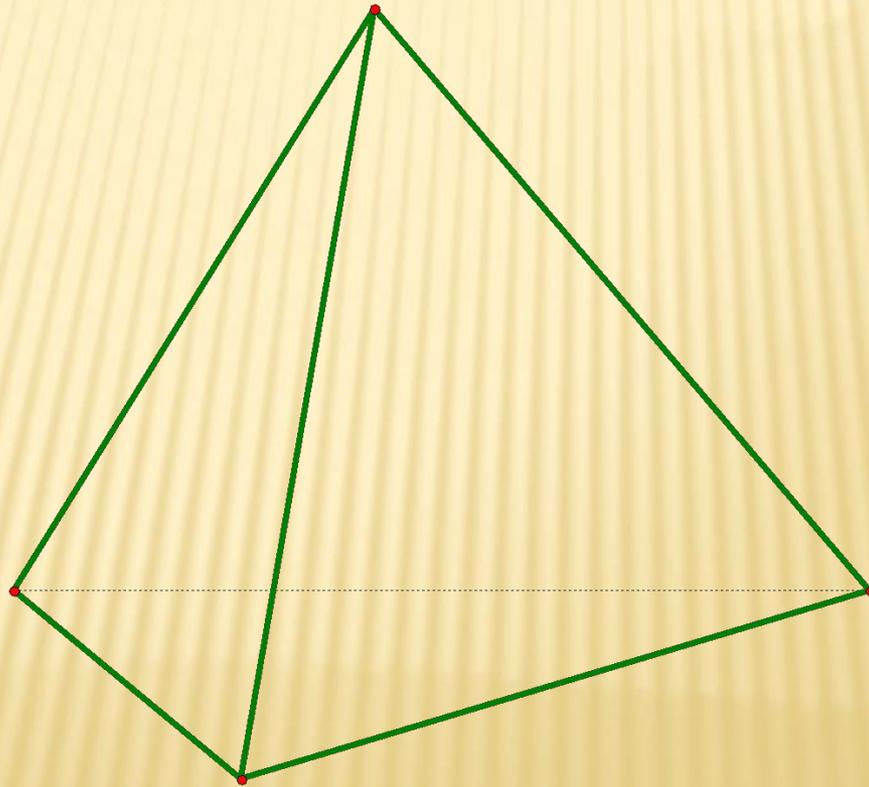
ПРАВИЛЬНЫМ НАЗЫВАЕТСЯ  
МНОГОГРАННИК, У КОТОРОГО ВСЕ  
ГРАНИ ЯВЛЯЮТСЯ ПРАВИЛЬНЫМИ  
МНОГОУГОЛЬНИКАМИ,  
И ВСЕ МНОГОГРАННЫЕ УГЛЫ ПРИ  
ВЕРШИНАХ РАВНЫ.

---

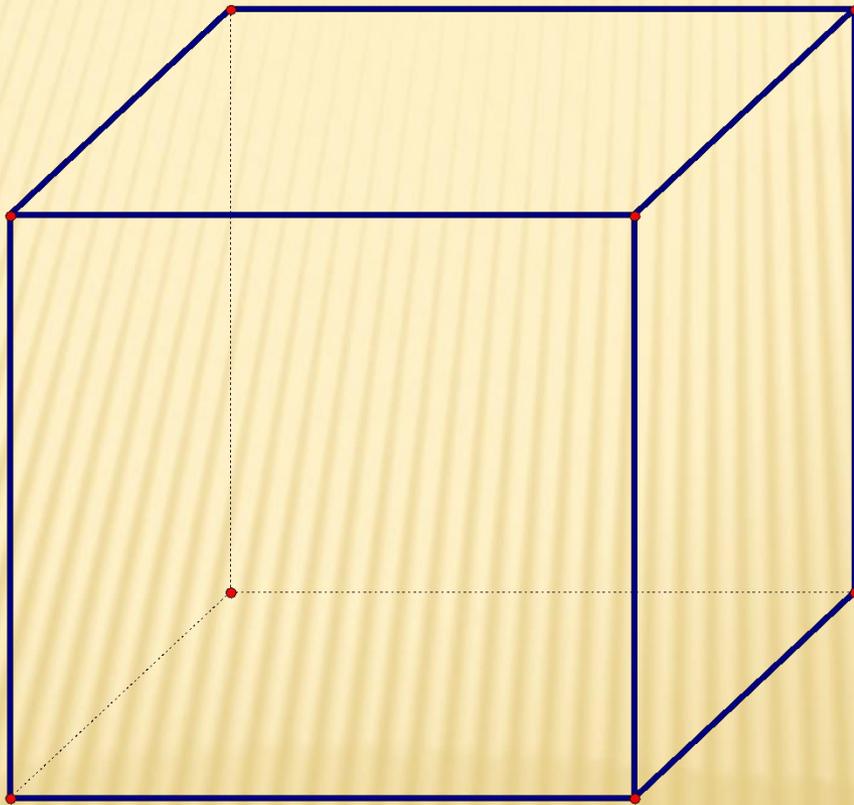


С глубокой  
древности  
человеку  
известны пять  
удивительных  
многогранников

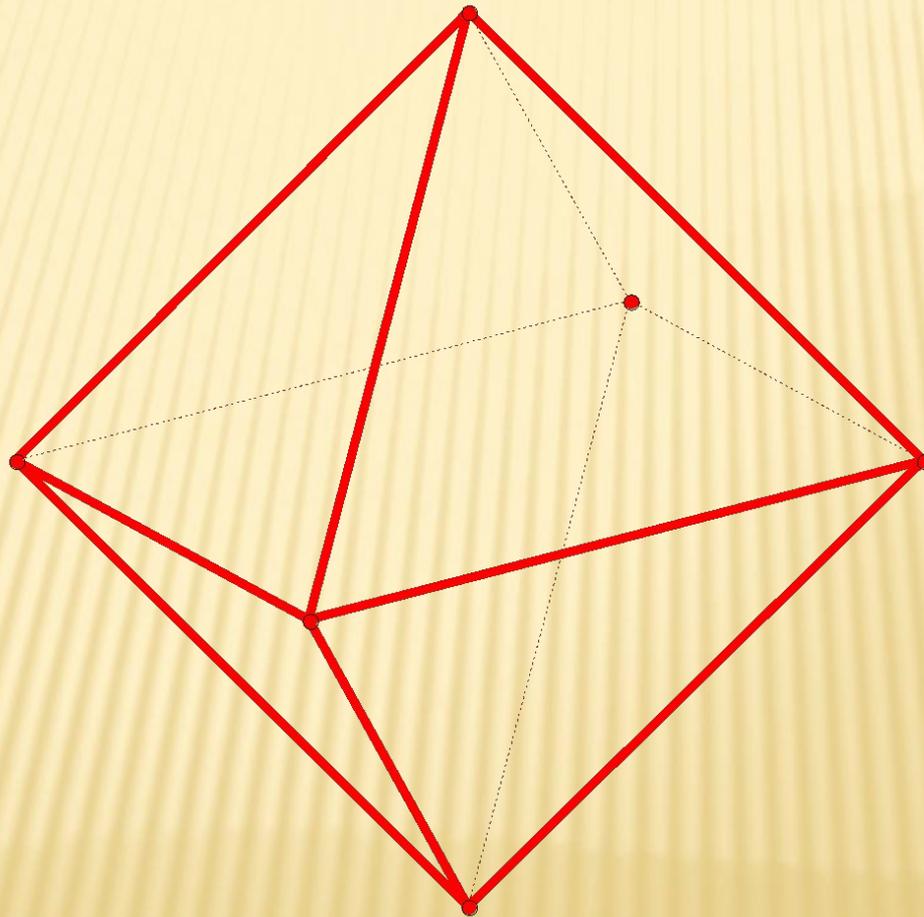
ПО ЧИСЛУ ГРАНЕЙ ИХ НАЗЫВАЮТ  
ПРАВИЛЬНЫЙ ТЕТРАЭДР



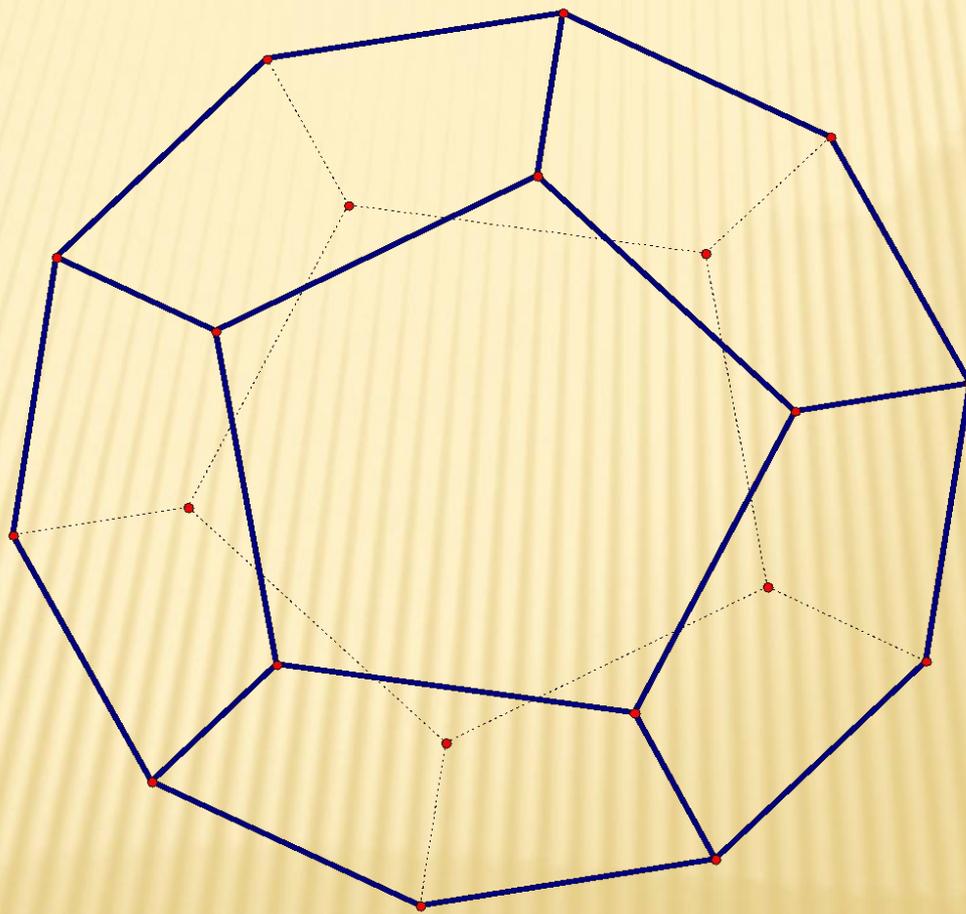
ГЕКСАЭДР (ШЕСТИГРАННИК)  
ИЛИ КУБ



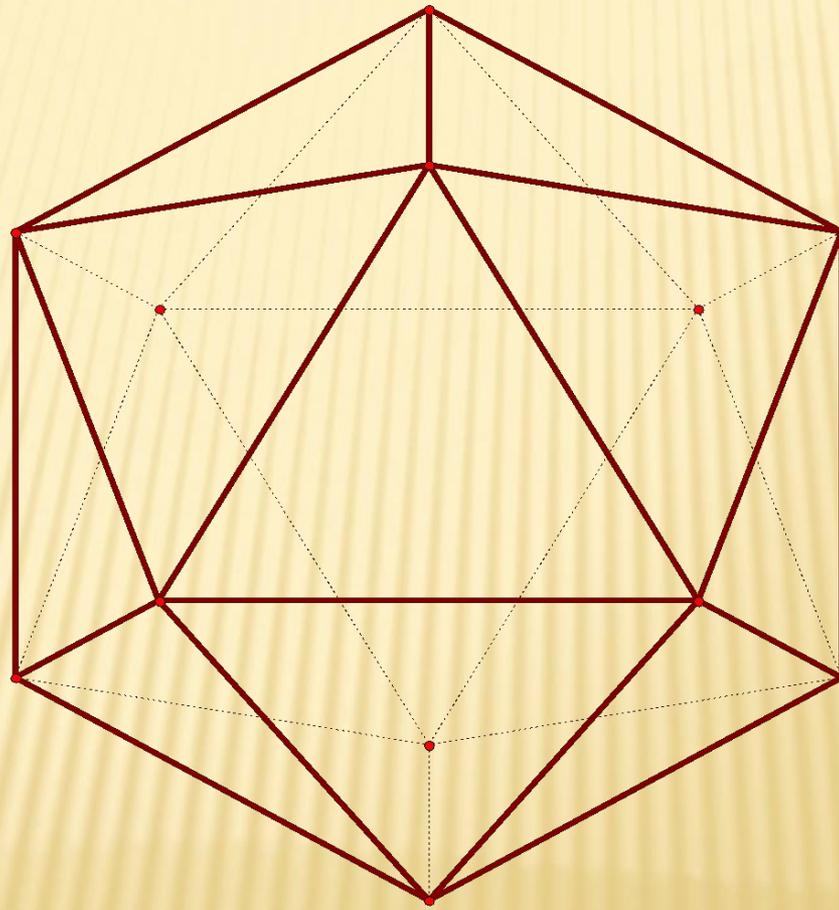
# ОКТАЭДР (ВОСЬМИГРАННИК)



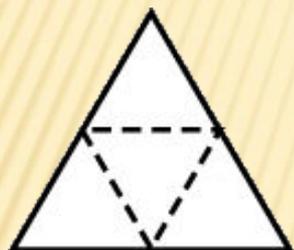
# ДОДЕКАЭДР (ДВЕНАДЦАТИГРАННИК)



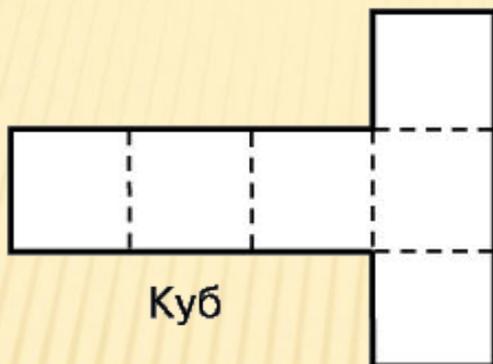
# ИКОСАЭДР (ДВАДЦАТИГРАННИК)



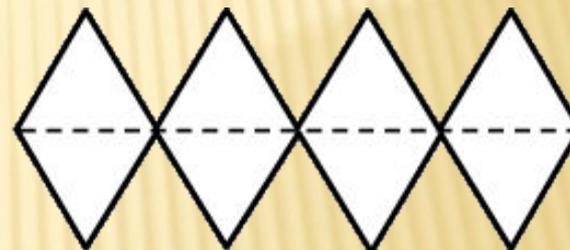
# РАЗВЕРТКИ ПРАВИЛЬНЫХ МНОГОГРАННИКОВ



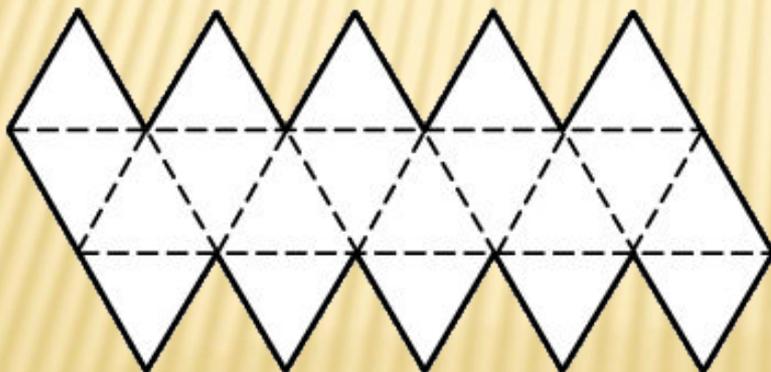
Тетраэдр



Куб



Октаэдр



Икосаэдр



Додекаэдр

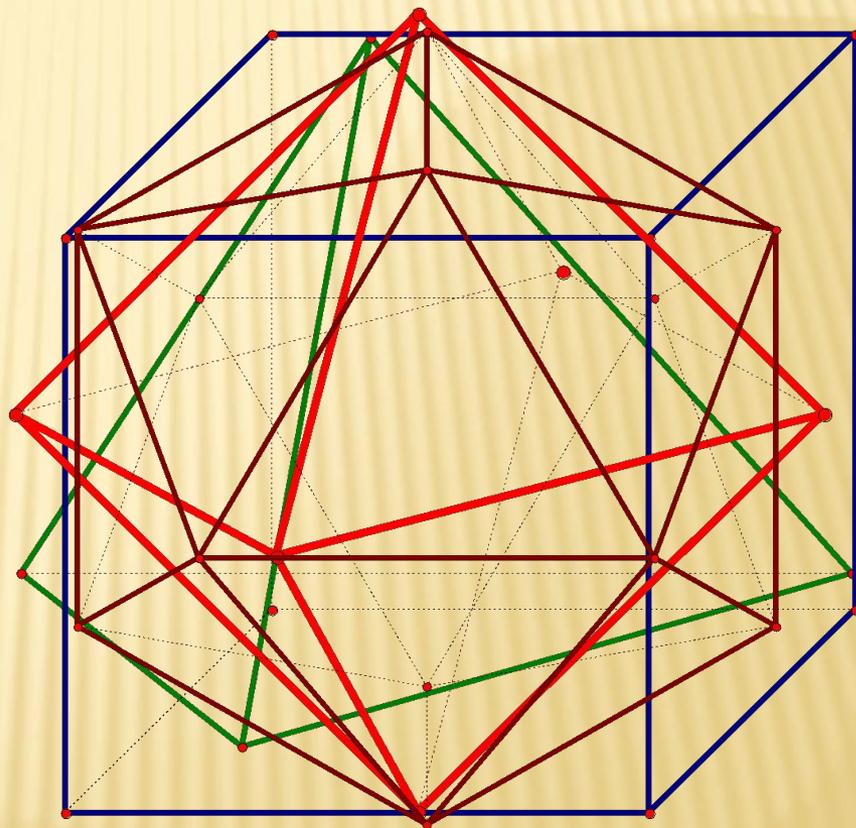
## Историческая справка

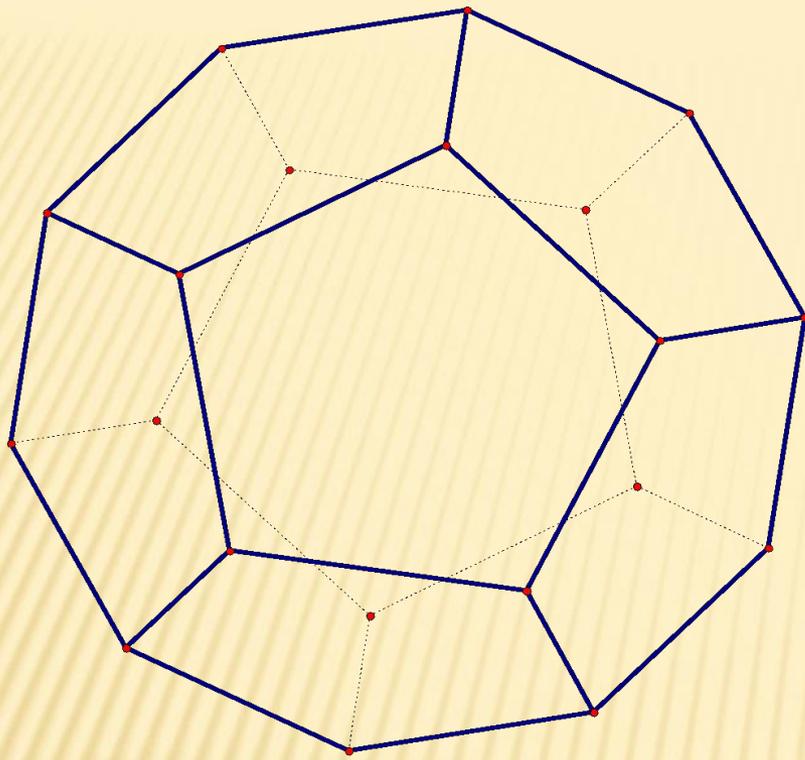


Четыре сущности природы были известны человечеству: огонь, вода, земля и воздух. По мнению Платона, их атомы имели вид правильных многогранников

- Великий древнегреческий философ Платон, живший в IV – V вв. до нашей эры, считал, что эти тела олицетворяют сущность природы.

- атом огня имел вид ***тетраэдра***,
- земли - ***гексаэдра***  
***(куба)***
- воздуха - ***октаэдра***
- воды - ***икосаэдра***





Но оставался **додекаэдр**, которому не было соответствия Платон предположил, что существует ещё одна(пятая) сущность. Он назвал её мировым эфиром. Атомы этой пятой сущности и имели вид додекаэдра.

- Платон и его ученики в своих работах большое внимание уделяли перечисленным многогранникам. Поэтому эти многогранники называют также **платоновыми** телами.

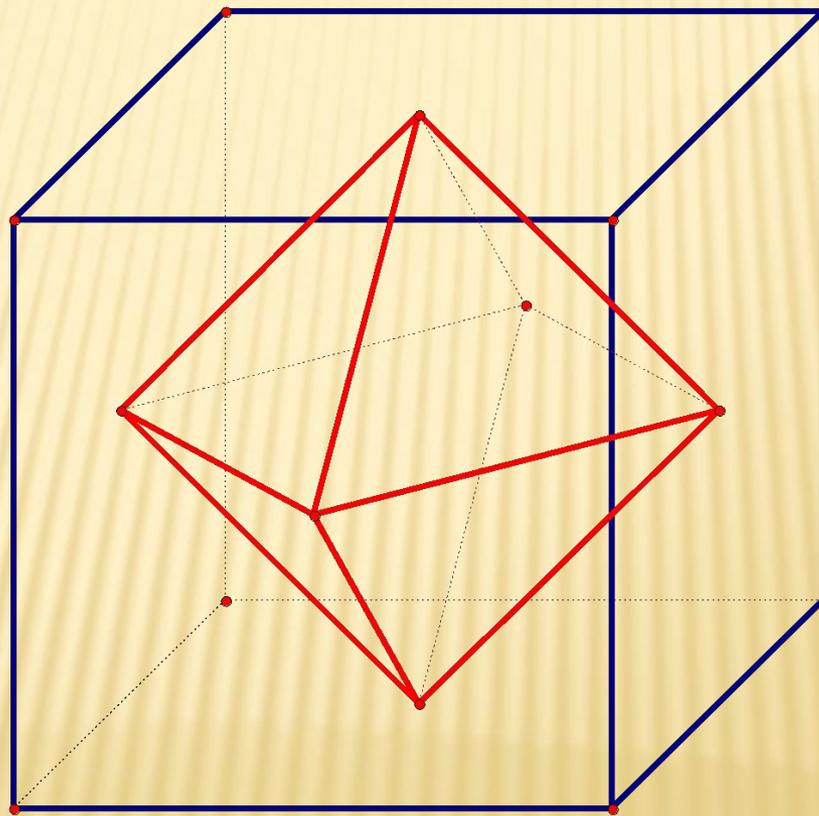
# ХАРАКТЕРИСТИКИ ПРАВИЛЬНЫХ МНОГОГРАННИКОВ

Многогранник	Число сторон грани	Число граней, сходящихся в каждой вершине	Число граней (Г)	Число ребер (Р)	Число вершин (В)
Тетраэдр	3	3	4	6	4
Гексаэдр	4	3	6	12	8
Октаэдр	3	4	8	12	6
Икосаэдр	3	5	20	30	12
Додекаэдр	5	3	12	30	20

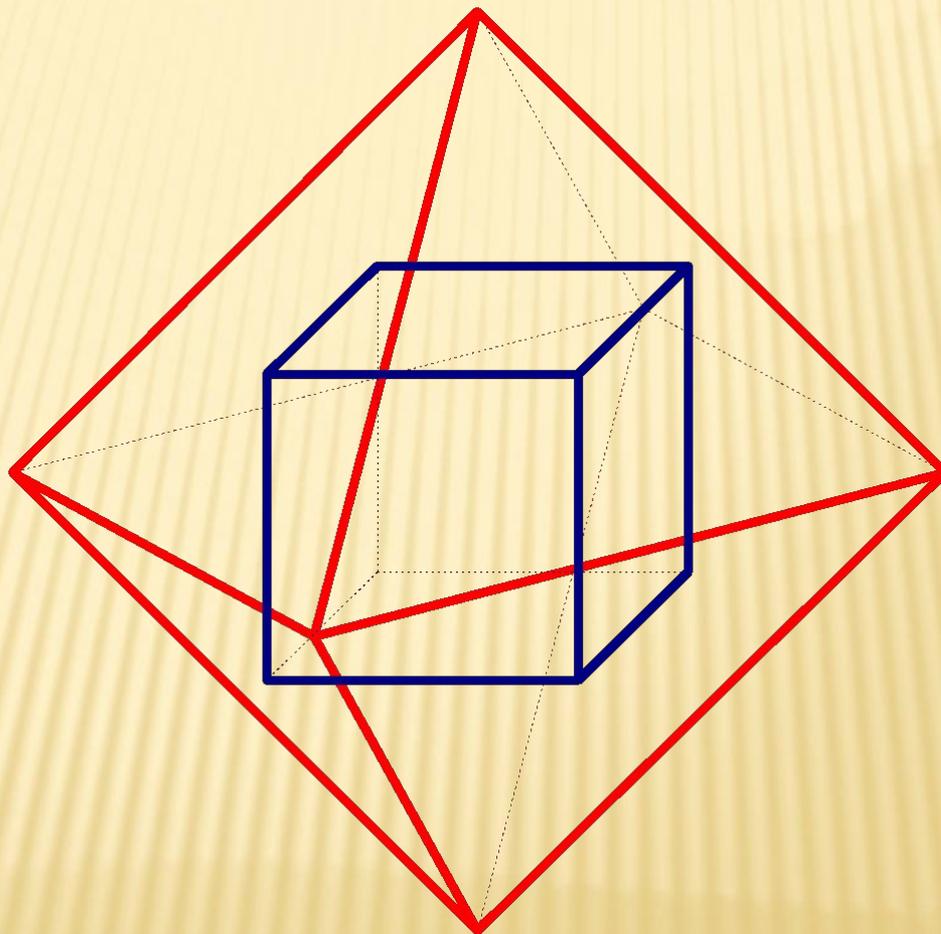
# ДВОЙСТВЕННОСТЬ ПРАВИЛЬНЫХ МНОГОГРАННИКОВ

- Гексаэдр (куб) и октаэдр образуют двойственную пару многогранников. Число граней одного многогранника равно числу вершин другого и наоборот.

Возьмем любой куб и рассмотрим многогранник с вершинами в центрах его граней. Как нетрудно убедиться, получим октаэдр.



Центры граней октаэдра служат вершинами куба.



# Многогранники в природе, химии и биологии

Кристаллы некоторых знакомых нам веществ имеют форму правильных многогранников.



Кристалл пирита— природная модель **додекаэдр**.



Кристаллы поваренной соли передают форму **куб**.



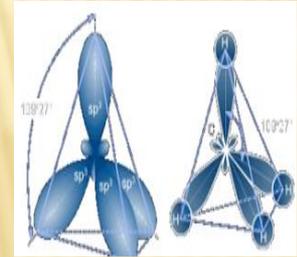
Монокристалл алюминиево-калиевых квасцов имеет форму **октаэдра**.



Сурьменистый сернокислый натрий – **тетраэдра**.

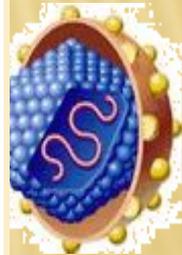


Хрусталь (**призма**)

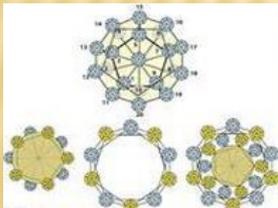


В молекуле метана имеет форму правильного **тетраэдра**.

**Икосаэдр** оказался в центре внимания биологов в их спорах относительно **формы вирусов**. Вирус не может быть совершенно круглым, как считалось ранее. Чтобы установить его форму, брали различные многогранники, направляли на них свет под теми же углами, что и поток атомов на вирус. Оказалось, что только один многогранник дает точно такую же тень - **икосаэдр**.



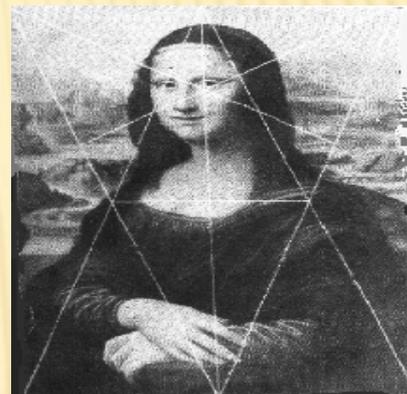
**В процессе деления яйцеклетки** сначала образуется тетраэдр из четырех клеток, затем октаэдр, куб и, наконец, додекаэдро-икосаэдрическая структура гастролы. И наконец, самое, пожалуй, главное – структура ДНК генетического кода жизни – представляет собой четырехмерную развертку (по оси времени) вращающегося додекаэдра!



# Многогранники в искусстве

## «Портрет Монны Лизы»

Композиция рисунка основана на золотых треугольниках, являющихся частями правильного звездчатого пятиугольника.



## гравюра «Меланхолия»

На переднем плане картины изображен додекаэдр.



## «Тайная Вечеря»

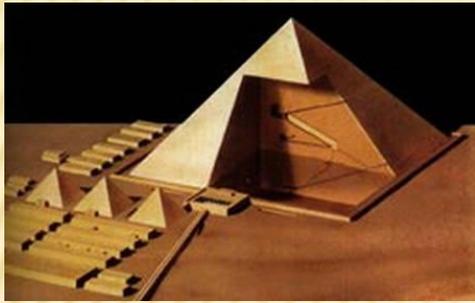
Христос со своими учениками изображён на фоне огромного прозрачного додекаэдра.



# Многогранники в архитектуре

## Музеи Плодов

Музеи Плодов в Яманаши создан с помощью трехмерного моделирования.



## Пирамиды

## Александрийский маяк



## Спасская башня Кремля.

Четырехъярусная Спасская башня с церковью Спаса Нерукотворного — главный въезд в Казанский кремль. Возведена в XVI веке псковскими зодчими Иваном Ширяем и Постником Яковлевым по прозвищу «Барма». Четыре яруса башни представляют из себя куб, многогранники и пирамиду.

