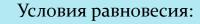
Колебания и волны

Механические колебания и волны

Механическими колебаниями называются движения тел, повторяющиеся (точно или приблизительно) через одинаковые промежутки времени.

Свободными колебаниями называют колебания, возникающие под действием внутренних сил.

Пример: груз, подвешенный на пружине:



$$F_y + F_T = 0$$



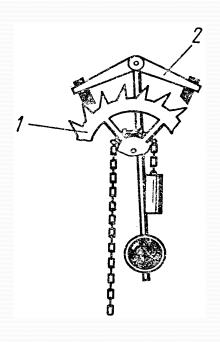
1) Хотя бы одна из сил должна зависеть от координат. В положении равновесия равнодействующая всех сил должна быть равна нулю. При выведении из положения равновесия равнодействующая всех сил должна быть не равна нулю и направлена к положению равновесия.

2) Силы трения в системе должны быть достаточно малы.

Свободные механические колебания всегда бывают затухающими, т. е. колебаниями с убывающей по времени амплитудой из-за потерь энергии (часть механической энергии переходит во внутреннюю тепловую энергию атомов и молекул). Колебания под действием внешних периодически изменяющихся сил называются вынужденными колебаниями.

Автоколебания — **незатухающие колебания**, поддерживаемые внутренними источниками энергии при отсутствии воздействия внешней переменной силы.

В автоколебательной системе существуют три основных элемента (рассмотрим на примере часов с маятником):



- колебательная система маятник;
- 2) источник энергии гиря (или пружина), поднятая над землей;
- 3) устройство с обратной связью, регулирующее поступление энергии от источника в колебательную систему храповое колесо.

Колебания под действием **внешних** периодически изменяющихся сил называются **вынужденными колебаниями**.

Закон гармонических колебаний

Гармонические колебания – колебания, происходящие по закону sin или cos.

$$x = A \sin \left(wt + \varphi_0\right)$$

где х – смещение тела от положения равновесия в данный момент времени;

А – амплитуда (или максимальное смещение тела) колебания;

 $(wt + \phi_0) - \phi$ аза колебания;

 ϕ_{o} – начальная фаза колебания;

 w^- круговая (циклическая) частота – число колебаний, совершенных за время 2π с; круговая частота связана с собственной частотой колебаний v и с периодом T следующими формулами:

$$w = 2\pi v = \frac{2\pi}{T}$$

где v – собственная частота колебаний,

Т – период колебаний,

$$T = \frac{1}{v}$$

виды маятников

Математический маятник – это некая модель, тело небольших размеров (материальная точка), подвешенное на нерастяжимой невесомой нити.

Период математического маятника рассчитывается по формуле:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{g}}$$

где l – длина маятника;

 $g = 9.8 \text{ м/c}^2$ – ускорение свободного падения.

Период колебаний пружинного маятника:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

где m – масса колеблющегося тела,

k - жесткость пружины.

Период колебаний физического маятника:

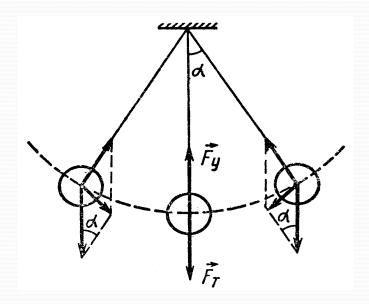
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mga}}$$

где – $L = \frac{I}{ma}$ – приведенная длина физического маятника;

I – момент инерции колеблющегося тела относительно оси колебаний;

а – расстояние центра масс маятника от оси колебаний.

Квазиупругая возвращающая сила



Гармонические колебания происходят под действием силы F, пропорциональной смещению тела x из положения равновесия и направленной в сторону положения равновесия:

$$F = -kx$$

где k – коэффициент пропорциональности.

Мгновенная скорость тела, совершающего гармоническое колебание:

$$v = \frac{dx}{dt} = A\omega \cos(\omega t + \phi_0) = v_{max} \cos(\omega t + \phi_0),$$

где $A\omega = v_{max} -$ *амплитуда (максимальное значение) скорости*. Ускорение тела, совершающего гармоническое колебание в данный момент времени:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} = -A\omega^2 \sin(\omega t + \varphi_0) = -a_{\max} \sin(\omega t + \varphi_0)$$

где $A\omega^2 = a_{max}$ – амплитуда ускорения.

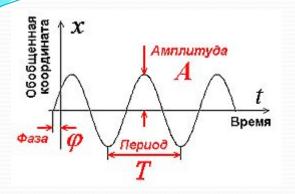
Сила, вызывающая гармонические колебания (упругая или иной природы (квазиупругая)):

$$F = ma = -mA\omega^2 \sin(\omega t + \varphi_0) = -m\omega^2 x$$

где $mA\omega^2 = F_{max}$ – амплитуда силы, m – масса колеблющегося тела. T. к. $F = -kx \implies k = m\omega^2$.

Полная энергия тела, совершающего гармоническое колебание:

$$W = \frac{mA^2\omega^2}{2} = \frac{kA^2}{2}$$



$$\lambda = \frac{c}{v}$$

- длина световой волны в вакууме,

Волны

Процесс распространения колебаний в упругой среде называется **волной**. Если направление колебаний совпадает с направлением распространения волны, то такая волна называется **продольной** (например, звуковая волна в воздухе). Если направление колебаний — направлению распространения волны, то такая волна называется **поперечной** (пример: электромагнитные волны, .шнур, волны на поверхности воды).

Вид волны зависит от природы тела, в котором волна распространяется. Механические волны в газообразных средах являются продольными, в твердых телах возможны и продольные, и поперечные волны.

Длина волны – кратчайшее расстояние между двумя точками, колеблющимися в одинаковых фазах: $_{
m V}$

колсолющимися в одинаковых фазах. $\lambda = vT = \frac{v}{v}$ с – скорость световой волны в вакууме.

Скорость распространения звуковой волны зависит от природы материала, в котором волна распространяется, а также от его температуры. Например, при повышении температуры воздуха на 1° С скорость звука возрастает на 0.6 м/c.

УРАВНЕНИЕ БЕГУЩЕЙ ВОЛНЫ

Колеблющееся тело — источник колебаний (камертон, струна, мембрана и т. д.), находящееся в упругой среде, приводит в колебательное движение соприкасающиеся с ним частицы среды. Колебание этих частиц передается (силами упругости) соседним частицам среды и т. д. Через некоторое время колебание охватит всю среду. Процесс распространения колебательного движения в среде называется волной. Направление распространения волны (колебаний) называется лучом. Волна называется поперечной, если частицы среды колеблются перпендикулярно лучу. Если колебания частиц среды происходят вдоль луча, волна называется продольной.

Если точка о совершает колебательное движение в упругой среде по гармоническому закону

$$y = A \sin \omega t$$
,

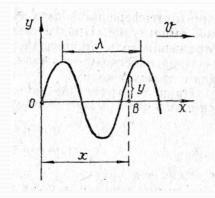
где у — смещение колеблющейся точки;

А — амплитуда (наибольшее смещение точки от положения равновесия);

t — время;

Т — период;

 $\omega = \frac{2\pi}{T}$ циклическая или круговая частота.



Соседняя точка В среды придет в. колебательное движение с некоторым запозданием на время:

$$\tau = \frac{x}{v}$$

где x — расстояние, на которое распространилось колебание от точки 0 до точки, B;

— скорость распространения колебания от о до В.

Тогда уравнение колебаний в точке В запишется:

$$y = A \sin \omega (1-\tau) = A \sin (\omega t - \frac{\omega x}{v})$$

Соотношение, позволяющее определить смещение любой точки среды в любой момент времени, называется уравнением бегущей плоской синусоидальной волны.

Длиной волны (λ) называется расстояние между соседними точками, находящимися в одинаковой фазе, т. е. расстояние, пройденное волной за один период колебания, следовательно:

$$\lambda = vT = \frac{v}{v}$$
 $v = \lambda v$

где ν — частота колебания частиц среды (частота волны). Колебания частиц среды имеют ту же частоту, что и колебания источника волн. Волны, частоты колебаний в которых лежат в пределах от 16 до 20000 Гц, называют звуковыми. В звуковой или акустической волне происходят механические колебания частиц среды с малыми амплитудами.

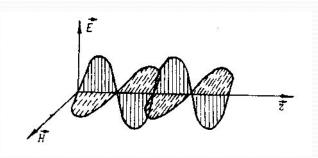
Подставляя в уравнение $v=\frac{\lambda}{T}$ и учитывая, что $\omega=\frac{2\pi}{T}=2\pi\nu$, получим другие формы записи уравнения волны: $y=A\sin 2\pi(t/T-x/\lambda)=A\sin 2\pi (\nu t-x/\lambda)=A\sin(\omega t-2\pi x/\lambda),$

где $\frac{2\pi}{\lambda} = k$ — *волновое число*, которое показывает, сколько длин волн укладывается

на отрезке длиной 2π . Тогда уравнение волны запишется:

$$y = A \sin(\omega t - kx)$$

Электромагнитная волна



Свет, излучаемый отдельным атомом, представляет собой поперечную электромагнитную волну, т. е. совокупность двух взаимно перпендикулярных волн — электрической (образованной колебанием вектора напряженности $\stackrel{\bowtie}{E}$ электрического поля) и магнитной (образованной колебанием вектора напряженности $\stackrel{\bowtie}{H}$

магнитного поля), **идущих вдоль общей прямой** г называемой световым лучом

Опыт и теория показывают, что химическое, физиологическое и другие воздействия света на вещество обусловлены электрическими колебаниями (колебаниями вектора $\stackrel{\mbox{\tiny in}}{\mathbb{E}}$).

В дальнейших рассуждениях будем говорить только о векторе $\stackrel{\mbox{\tiny in}}{E}$, имея в виду, что $\stackrel{\mbox{\tiny ii}}{H}$ $\stackrel{\mbox{\tiny L}}{\perp}$ $\stackrel{\mbox{\tiny ii}}{E}$

в любой точке луча.

