

*Чтоб мысль врага узнать,  
ему вскрывают сердце.  
А письма — и подавно...*

Шекспир , "Король Лир"

# **Математические основы криптологии**

# Форма отчетности

- Форма отчетности – зачет.

Для получения оценки необходимо набрать за семестр от **60** до **100** баллов:

	Кол-во	баллы	сумма
ЛК	18	$1,5п*18$	27
ПЗ	7+2 к/р	$2*7$	14
ЛР	4	$(5з*1,5)*4$	30
КР	2	15	30
<b>ИТОГ</b>	-	-	<b>101</b>

П – посещение; З – защита ЛР

# Литература:

1. Коробейников А.Г., Гатчин Ю.А. Математические основы криптологии. – С.Пб: ИТМО, 2004. – 109 с.
2. Математические и компьютерные основы криптологии: Учебное пособие / Ю.С. Харин, В.И. Берник, Г.В. Матвеев, С.В. Агиевич. – Мн.: Новое знание, 2003. – 382 с.
3. Тилборг ван Х.К.А. Основы криптологии. Профессиональное руководство. – М.: Мир, 2006. – 471 с.
4. Галуев Г.А. Математические основы криптологии. Таганрог: ТРТУ, 2003. – 120 с.
5. Поповский В.В., Персиков А.В. Основы криптографической защиты информации в телекоммуникационных системах. Том 1: Учебник. – ООО «Компания СМИТ», 2010. – 352 с.

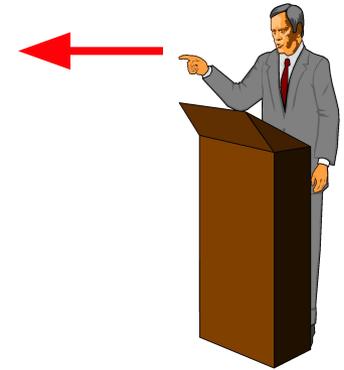
# Основные задачи дисциплины

## ЗНАТЬ:

- основные операции математической логики;
- основные методы, используемые криптологией;
- свойства специальных последовательностей чисел;
- основные понятия теории групп, колец, полей и многочленов;
- основные понятия теории вероятности;
- основные задачи и методы математической статистики;
- способы представления информации в криптосистемах.

## УМЕТЬ:

- классифицировать криптосистемы по нескольким критериям;
- использовать основные алгебраические структуры для криптопреобразований;
- анализировать вычислительную сложность алгоритмов криптопреобразований;
- находить вероятности сложных событий;
- проводить исследования свойств последовательностей чисел;
- строить генераторы псевдослучайных последовательностей чисел;
- рассчитывать криптосистемы, построенные на основе дискретного логарифма.



# Содержание

## 1. Базовые элементы теории чисел.

- Операции по модулю
- НОД, НОК чисел. Алгоритм Эвклида

## 2. Основные определения и термины криптографии. Классификация систем шифрования.

## 3. Исторические этапы развития криптографии.

- Этапы развития
- Шифры перестановок
- Шифры подстановок
- Шифры гаммирования

## 4. Способы представления информации в криптологии

- Двоичный код, 16-ричный, ASCII, Unicod.

## 5. Основы математической логики. Стойкость криптосистем.

- Случайные события. Формула Байеса. Формула Бернулли.

## 6. Основы теории информации и кодирования источника

## 7. Основы теории чисел. Группы. Кольца. Поля. Многочлены.

## 8. Математические преобразования в симметричных криптосистемах

- Классификация современных шифров
- Математические операции в современных симметричных шифрах: примеры, достоинства, недостатки

## 9. Модульная арифметика. Теория вычетов.

- Функция Эйлера.
- Нахождение обратных элементов: Цепные дроби. Расширенный алгоритм Эвклида.
- Китайская теорема об остатках.
- Квадратичные вычеты
- Современные асимметричные шифры: примеры (RSA, El-Gamal, Polig-Hellman), достоинства, недостатки
- Гибридные шифры

## 10. Математические преобразования в асимметричных криптосистемах

- Математические операции в современных асимметричных шифрах: примеры, достоинства, недостатки
- Криптосистемы на эллиптических кривых.